



การสอบคัดเลือกบุคคลเข้าศึกษาในมหาวิทยาลัยขอนแก่น  
โดยวิธีรับตรง (โควตาภาคฯ รอบที่ 1)  
ประจำปีการศึกษา 2559

ชื่อ..... รหัสวิชา 04  
เลขที่นั่งสอบ..... ข้อสอบวิชา คณิตศาสตร์ (วิทย์)  
สนามสอบ..... วันที่ 29 พฤศจิกายน 2558  
ห้องสอบ..... เวลา 08.30 – 10.30 น.

คำอธิบาย

- ข้อสอบนี้ มี 11 หน้า จำนวน 38 ข้อ คะแนนเต็ม 100 คะแนน
- ก่อนตอบคำถามให้เขียนชื่อ-นามสกุล เลขที่นั่งสอบ สนามสอบ และห้องสอบ บนหน้าปกข้อสอบนี้ และให้ตรวจสอบ ชื่อ-นามสกุล เลขที่นั่งสอบ รหัสวิชาสอบ ในกระดาษคำตอบว่าตรงกับตัวผู้เข้าสอบหรือไม่ กรณีที่ไม่ตรงให้แจ้งผู้คุมสอบเพื่อขอกระดาษคำตอบสำรอง แล้วกรอกหรือระบายน้ำหมูรัณ
- ใช้ดินสอดำเบอร์ 2B ระบายน้ำหมูตัวเลือก ① ② ③ หรือ ④ ในกระดาษคำตอบให้เต็มวง (ห้ามระบายนอกวง) ในแต่ละข้อมีคำตอบที่ถูกต้องหรือเหมาะสมที่สุดเพียงคำตอบเดียว ตัวอย่าง ถ้าเลือกตัวเลือกที่ (2) เป็นคำตอบที่ถูกต้อง ให้ทำดังนี้  
**① ② ③ ④**

ถ้าต้องการเปลี่ยนตัวเลือกใหม่ ต้องลบระบายน้ำหมูตัวเลือกเดิมให้สะอาดหมดครอยด์ เสียก่อน และล้างระบายน้ำหมูตัวเลือกใหม่

- หากมีการทดสอบให้ทดสอบที่ห้องสอบ ห้ามน้ำข้อสอบและกระดาษคำตอบออกจากห้องสอบ
- ไม่อนุญาตให้ผู้เข้าสอบออกจากห้องสอบก่อนหมดเวลาสอบ
- ไม่อนุญาตให้นำเครื่องคำนวณและอุปกรณ์สื่อสารเข้าห้องสอบโดยเด็ดขาด

เอกสารนี้เป็นเอกสารส่วนสิทธิ์ของมหาวิทยาลัยขอนแก่น  
ห้ามเผยแพร่ อ้างอิง หรือเคลย ก่อนวันที่ 12 กุมภาพันธ์ 2559



**ตอนที่ 1** ข้อสอบปรนัย 4 ตัวเลือก จำนวน 14 ข้อ (ข้อ 1-14)

ข้อละ 2 คะแนน

1. ให้  $A, B$  และ  $C$  เป็นเซต โดยที่  $A \cap B \subset A \cap C$

จงพิจารณาข้อความ

ก.  $A - (B \cap C) = A - B$

ข.  $C' = (A - C) \cup (B - C) \cup (A \cup B \cup C)'$

ข้อใดต่อไปนี้ถูกต้อง

(1) ก. ถูก และ ข. ถูก (2) ก. ถูก และ ข. ผิด

(3) ก. ผิด และ ข. ถูก (2) ก. ผิด และ ข. ผิด

2. ให้  $P, Q$  และ  $R$  เป็นประพจน์ใดๆ

จงพิจารณาข้อความ

ก. ถ้า  $P$  สมมูลกับ  $Q$  แล้ว  $(\Box Q \vee \Box R) \rightarrow (\Box P \wedge \Box R)$  เป็นสัจニรันดร์

ข. ถ้า  $P$  สมมูลกับ  $Q$  แล้ว  $(P \wedge R) \rightarrow (Q \vee \Box R)$  เป็นสัจニรันดร์

ข้อใดต่อไปนี้ถูกต้อง

(1) ก. ถูก และ ข. ถูก (2) ก. ถูก และ ข. ผิด

(3) ก. ผิด และ ข. ถูก (2) ก. ผิด และ ข. ผิด

3. ให้  $p, q$  และ  $r$  เป็นประพจน์ใดๆ

ถ้า  $[(\Box p \rightarrow r) \wedge (p \rightarrow r)] \vee [(q \rightarrow p) \wedge (q \rightarrow \Box p)]$  มีค่าความจริงเป็นจริง

แล้ว  $p, q$  และ  $r$  ที่สอดคล้องกันจะเป็นไปได้ทั้งหมดกี่แบบ

(1) 3 (2) 4 (3)

6

(4) 8

4. ให้  $x, y, z$  และ  $m$  เป็นจำนวนจริง และ  $A = \begin{bmatrix} 2 & x & y \\ 0 & -6 & z \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 3 & 1 \\ -1 & 0 \\ -2 & 4 \end{bmatrix}, C = \begin{bmatrix} 0 & 3 \\ 1 & 4 \end{bmatrix}$

ถ้า  $AB - mC = \begin{bmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{bmatrix}$  แล้ว  $(x + y + z)^m$  เท่ากับข้อใด

(1) 10 (2) 49

(3) 81 (4) 100





5. ให้  $a$  เป็นจำนวนจริง และ  $\bar{u}, \bar{v}$  เป็นเวกเตอร์ โดยที่  $|\bar{u}| \neq 0$

$$\text{กำหนดให้ } \frac{\bar{u}\bar{v}}{|\bar{u}||\bar{v}|} = I \text{ และ } |\bar{u}| = 4|\bar{v}| \text{ ถ้า } 5\bar{u} + (6 - 13a)\bar{v} - a^2\bar{u} - 3a^2\bar{v} = \bar{0}$$

แล้วค่า  $a$  มากที่สุดอยู่ในช่วงใด

(1)  $[-4, 1)$

(2)  $[1, 6)$

(3)  $[6, 11)$

(4)  $[11, 16)$

6. ให้  $z_1, z_2, \dots, z_6$  เป็นรากของสมการ  $z^8 - 17z^4 + 16 = 0$

$$\text{ถ้า } \operatorname{Re}(z_1) \leq \operatorname{Re}(z_2) \leq \operatorname{Re}(z_3) \leq \dots \leq \operatorname{Re}(z_6) \text{ และ } \operatorname{Im}(z_3) \leq \operatorname{Im}(z_4) \leq \operatorname{Im}(z_5) \leq \operatorname{Im}(z_6)$$

แล้ว  $\operatorname{Re}(z_1 - z_3 + z_5 - z_7) - \operatorname{Im}(z_1 - z_3 + z_5 - z_7)$  เท่ากับข้อใด

(1) -8 (2) -7 (3) -6 (4) -5

7. ให้  $F(-2, 6)$  กับ  $F'(3, 6)$  เป็นจุดสองจุดบนระบบพิกัดจาก XY

และ  $G = \{(x, y) \in \mathbb{R} \times \mathbb{R} \mid |PF| + |PF'| = 4 \text{ โดยที่ } P = (x, y)\}$  ข้อใดถูกต้อง

(1)  $G$  เป็นกราฟเส้นตรง (2)

$G$  เป็นกราฟวงรี

(3)  $G$  เป็นกราฟไฮเพอร์โบลา (4)

$G$  เป็นเขตว่าง

8. ให้  $P$  เป็นพาราโบลาที่ตัดกับเส้นตรง  $(2 + 2\sqrt{2})x - y - 3 = 0$  ที่จุด  $x = 0$  และ  $x = 2$  ถ้าแกน

สมมาตรของ  $P$  อยู่บนเส้นตรง  $y = 1$  แล้ว สมการไดเรกตริกซ์ของ  $P$  เท่ากับข้อใด

(1)  $x = -4$

(2)  $x = 4$

(3)  $y = -4$

(4)  $y = 4$

9. ให้  $n$  และ  $r$  เป็นจำนวนเต็มบวก

$$\text{โดยที่ } \binom{n}{r-1}, \binom{n}{r} \text{ และ } \binom{n}{r+1} \text{ เป็นจำนวนเฉพาะตัว}$$

แล้ว  $n$  และ  $r$  อยู่ในช่วงใด

(1)  $[1, 10]$

(2)  $[11, 20]$

(3)  $[21, 30]$

(4) ไม่มีข้อใดถูกต้อง



10. ครอบครัวหนึ่งมี พ่อ แม่ ลูกสาวคนโต 1 คน ลูกชาย 3 คน และลูกสาวคนเล็ก 1 คน ไปตกปลาที่บ่อปลา ซึ่งมีลักษณะเป็นวงกลม โดยที่เจ้าของบ่อปลาให้เข้าตกปลาได้ครั้งละ 5 คน และมีข้อแม้ว่า ถ้าลูกสาว คนเล็กเข้าตกปลาแล้วพ่อจะต้องเข้าตกปลาด้วย จำนวนวิธีจัดคนเข้าตกปลาทั้งหมด เท่ากับข้อใด
- (1) 264 (2) 280 (3) 342 (4) 384

11. สมพรเรียนวิชาเคมีและวิชาภาษาไทย พบร่วมกัน ความน่าจะเป็นที่สมพรจะสอบผ่านวิชาภาษาไทยมีค่าเท่ากับ  $\frac{8}{15}$  และ ความน่าจะเป็นที่จะสอบผ่านเพียงวิชาเดียวมีค่าเท่ากับ  $\frac{3}{5}$  ถ้าความน่าจะเป็นที่สมพรสอบไม่ผ่านทั้งสองวิชานี้ค่าเท่ากับ  $\frac{1}{5}$  แล้ว ความน่าจะเป็นที่สมพรสอบผ่านวิชาเคมีเท่ากับข้อใด
- (1)  $\frac{1}{15}$  (2)  $\frac{7}{15}$  (3)  $\frac{8}{15}$  (4)  $\frac{11}{15}$

12. ลูกเต้าอ่อนน้ำหนักลูกหนึ่ง มีโอกาสขึ้นแต้ม 1, 2, 3, 4, 5 หรือ 6 ด้วยความน่าจะเป็นที่มีค่าเรียงกันเป็นลำดับเลขคณิต ถ้าความน่าจะเป็นที่ลูกเต้าขึ้นแต้ม 1 มีค่าเท่ากับ  $\frac{1}{12}$  แล้ว ผลต่างของความน่าจะเป็นที่ลูกเต้าขึ้นแต้มคู่และความน่าจะเป็นที่ลูกเต้าขึ้นแต้มคี่เท่ากับข้อใด
- (1) 0.10 (2) 0.15 (3) 0.20 (4) 0.25

13. คะแนนสอบวิชาภาษาไทยของนักเรียน 300 คน มีการแจกแจงปกติ โดยมีค่าเฉลี่ยเลขคณิตเท่ากับ 50 คะแนน และมีสัมประสิทธิ์ของการแปรผัน 20% กำหนดพื้นที่ใต้เส้นโค้ง (A) จาก 0 ถึง z มีค่าดังนี้

<b>z</b>	0.05	0.75	1.00	1.25	1.50
<b>A</b>	0.1915	0.2718	0.3413	0.3944	0.4332

จงพิจารณาข้อความ

- ก. นักเรียนที่มีคะแนนมากกว่า 62.5 คะแนน มีน้อยกว่า 33 คน  
 ข. นักเรียนที่มีคะแนนมากกว่า 42.5 คะแนน มีคะแนนน้อยกว่านักเรียนที่มีคะแนนในตำแหน่งค่าโภคภัยที่ 0.8

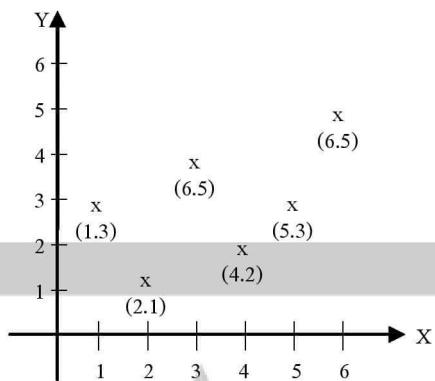
ข้อใดต่อไปนี้ถูกต้อง

- (1) ก. ถูก และ ข. ถูก (2) ก. ถูก และ ข. ผิด  
 (3) ก. ผิด และ ข. ถูก (2) ก. ผิด และ ข. ผิด





14. กำหนดข้อมูลความสัมพันธ์เชิงฟังก์ชันดังกราฟ



ถ้าต้องการสร้างรูปแบบความสัมพันธ์เชิงฟังก์ชันแบบเส้นตรง (L) จากกราฟของข้อมูลโดยใช้วิธีกำลังสองน้อยสุด แล้วข้อใดต่อไปนี้ถูกต้อง

- |             |                    |                                |
|-------------|--------------------|--------------------------------|
| (1) เส้นตรง | L ผ่านจุด $(1, 2)$ | (2) เส้นตรง L ผ่านจุด $(2, 2)$ |
| (3) เส้นตรง | L ผ่านจุด $(3, 3)$ | (4) เส้นตรง L ผ่านจุด $(4, 4)$ |

ALIST academy



/ALIST aoademy



@ALIST ACADEMY



#ALIST aoademy



ALIST aoademy



**ตอนที่ 2** ข้อสอบปรนัย 4 ตัวเลือก จำนวน 14 ข้อ (ข้อ 15-28)

ข้อละ 3 คะแนน

15. ให้  $A, B$  และ  $C$  เป็นเซต โดยที่  $n(A) = n(C)$ ,  $n(A \cap B) = n(B \cap C)$

$$A \cap C = \emptyset, A \cap B \neq \emptyset \text{ และ } n(A \cup B \cup C) = \{a, b, c, d, e\}$$

จงพิจารณาข้อความ

ก.  $n(A - B) = 0$  หรือ  $n(A - B) = 1$

ข.  $n(B) = 3$  หรือ  $n(B) = 5$

ข้อใดต่อไปนี้ถูกต้อง

(1) ก. ถูก และ ข. ถูก (2) ก. ถูก และ ข. ผิด

(3) ก. ผิด และ ข. ถูก (2) ก. ผิด และ ข. ผิด

16. ให้  $U$  แทนเอกภพสัมพัทธ์ และ  $P$  แทนข้อความ  $\forall x [|x + 1|^x > |x + 1|^{x^2}]$

จงพิจารณาข้อความ

ก. ถ้า  $U = \left(\frac{1}{7}, 1\right)$  แล้ว  $P$  มีค่าความจริงเป็นจริง

ข. ถ้า  $U$  เป็นเอกภพสัมพัทธ์ที่ใหญ่ที่สุดที่ทำให้  $P$  มีค่าความจริงเป็นจริง  
แล้ว ค่าของเบคล่างที่ใหญ่ที่สุดของ  $U$  คือ -1

ข้อใดต่อไปนี้ถูกต้อง

(1) ก. ถูก และ ข. ถูก (2) ก. ถูก และ ข. ผิด

(3) ก. ผิด และ ข. ถูก (2) ก. ผิด และ ข. ผิด

17. จงพิจารณาข้อความ

ก. มีบางจำนวนเต็ม  $n$  ที่  $n^2 - n + 20$  เป็นจำนวนเต็มคี่

ข. ถ้า  $n$  เป็นจำนวนเต็มที่  $n \geq 100$  และ  $4|n$  แล้ว  $n = p^2 - q^2$

ข้อใดต่อไปนี้ถูกต้อง

(1) ก. ถูก และ ข. ถูก (2) ก. ถูก และ ข. ผิด

(3) ก. ผิด และ ข. ถูก (2) ก. ผิด และ ข. ผิด





18. ให้  $S = \{x \in R \mid 4|x+2|=2+|x-2|\}$

ถ้า  $p$  คือผลรวมของสมาชิกทั้งหมดของ  $S$  และ  $c$  ค่าของ  $p$  เท่ากับข้อใด

- |                      |                      |
|----------------------|----------------------|
| (1) $-\frac{78}{15}$ | (2) $-\frac{68}{15}$ |
| (3) $-\frac{58}{15}$ | (4) $-\frac{38}{15}$ |

19. ถ้า  $3\log_3 x - 2^y = 10$  และ  $2^y \log_3 x = \log_3 x + 2^{y+1}$

แล้ว ผลคูณของค่า  $x$  และค่า  $y$  ทั้งหมดที่สอดคล้องกับสมการอยู่ในช่วงใด

- (1) (60, 80) (2) (80, 100)  
 (3) (100, 140) (4) (240, 270)

20. จงพิจารณาข้อความ

ก. ถ้า  $A = \left\{ x \in R \mid \log_{\frac{5+x}{3}} 8 = \log_{\frac{-1}{1+x}} 8 \right\}$  แล้ว ผลบวกของ  $x$  ใน  $A$  เท่ากับ -6

ข. ถ้า  $k = \log_3 2$  และ  $\log_2 x + \log_3 x + \log_4 x = 1$  แล้ว  $x^{\left(\frac{3}{2}+k\right)} = 2$

ข้อใดต่อไปนี้ถูกต้อง

- (1) ก. ถูก และ ข. ถูก (2) ก. ถูก และ ข. ผิด  
 (3) ก. ผิด และ ข. ถูก (4) ก. ผิด และ ข. ผิด

21. ให้  $f(x) = \frac{7}{x-3}$  และ  $g(x) = \frac{-4}{x+2}$

ถ้า  $A = \{a \in R \mid a \notin D_{fog}\}$  แล้ว ผลบวกของสมาชิกทั้งหมดของเซต  $A$  เท่ากับข้อใด

- |                     |          |
|---------------------|----------|
| (1) $-\frac{16}{3}$ | (2) $-5$ |
| (3) $-\frac{10}{3}$ | (4) $-2$ |

22. ให้  $A, B, C$  และ  $D$  เป็นเมทริกซ์ตรีสี่เหลี่ยม  $2 \times 2$

จงพิจารณาข้อความ

ก. ถ้า  $A(A-B) = \begin{bmatrix} 0 & 0 \\ 0 & 0 \end{bmatrix}$  แล้ว  $\det(A)=0$  หรือ  $A=B$

ข. ถ้า  $0 < \det(B) \leq \det(C) < \det(A)$  และ  $AB=AC$  แล้ว  $BD=CD$

ข้อใดต่อไปนี้ถูกต้อง

- (1) ก. ถูก และ ข. ถูก (2) ก. ถูก และ ข. ผิด  
 (3) ก. ผิด และ ข. ถูก (2) ก. ผิด และ ข. ผิด



23. ให้ A มีพิกัด  $(21, 21, -9)$  เป็นจุดในระบบพิกัดจาก XYZ

และ  $S = \{(x, y, z) | (x-1)^2 + (y-1)^2 + (z-1)^2 = 81\}$

ถ้า  $(a, b, c) \in S$  เป็นจุดที่อยู่ใกล้จุด A มากรีดสุด แล้ว  $a + b + c$  เท่ากับข้อใด

- (1) 0    (2) 4  
(3) 12    (4) 14

24. ให้ H เป็นไฮเพอร์โนบลามีจุดศูนย์กลางที่  $O(1, 2)$

มีความยาวของเส้นเดตัสรอกตัมเท่ากับ 10 หน่วย และมีผลคูณของความยาวแกนเอกกับค่าเฉลี่ยของศูนย์กลางเท่ากับ 12 ให้  $V_1$  เป็นจุดยอดที่อยู่ครองรัตน์ที่หนึ่งของ H

ถ้า  $L = \{|l| \text{ เป็นส่วนตรงที่ผ่านจุด } V_1\}$  และ

$$G = \{P | P \text{ เป็นจุดบนเส้นตรง } l \in L \text{ ที่ทำให้ } |OP| \text{ สั้นที่สุด}\}$$

แล้ว ข้อใดถูกต้อง

- (1) G เป็นกราฟวงรีที่มีแกนเอกยาว 6 หน่วย  
(2) G เป็นกราฟวงรีที่มีแกนเอกยาว 8 หน่วย  
(3) G เป็นกราฟวงกลมมีรัศมียาว 2 หน่วย  
(4) G เป็นกราฟวงกลมมีรัศมียาว 3 หน่วย

25. ข้อมูลชุดหนึ่ง (กลุ่มตัวอย่าง) เป็นจำนวนเต็มบวกที่เรียงจากน้อยไปมาก  $x_1, x_2, x_3, x_4, x_5, x_6$  โดยที่  $x_6 \leq 10$

ถ้าพิสัยของข้อมูลเท่ากับ 8 และมัธยฐานของข้อมูลเท่ากับ 5

จงพิจารณาข้อความ

ก. ผลกระทบของค่าเฉลี่ยเลขคณิตที่เป็นไปได้ทั้งหมดมีค่าน้อยกว่าหรือเท่ากับ 10

ข. ถ้าค่าเฉลี่ยเลขคณิตเป็นค่าน้อยที่สุดที่เป็นไปได้แล้วความแปรปรวนมากที่สุดของข้อมูลชุดนี้มีค่าเท่ากับ 8.4

ข้อใดต่อไปนี้ถูกต้อง

- (1) ก. ถูก และ ข. ถูก    (2) ก. ถูก และ ข. ผิด  
(3) ก. ผิด และ ข. ถูก    (2) ก. ผิด และ ข. ผิด





26. ถ้า  $\sin 10^\circ = a$  แล้ว  $\frac{2\cos^2 55^\circ}{2\cos^2 10^\circ - 1} - \frac{1}{\sqrt{2}} \csc 35^\circ$  เท่ากับข้อใด

(1)  $\frac{(a-1)+(2a+1)\sqrt{1-a^2}}{1-2a^2}$

(2)  $\frac{(l-1)+(2a+1)\sqrt{1-a^2}}{1-2a^2}$

(3)  $\frac{(a-1)-(1-2a)\sqrt{1-a^2}}{1-2a^2}$

(4)  $\frac{(l-1)-(2a+1)\sqrt{1-a^2}}{1-2a^2}$

27. ให้  $z$  เป็นรากของสมการ  $z + \frac{1}{z+i} + i + \sqrt{3} = 0$

ถ้า  $|z| = 1$  แล้ว  $z^{2015}$  เท่ากับข้อใด

(1)  $-\frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{i}{2}$

(2)  $-\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{i}{2}$

(3)  $\frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{i}{2}$

(4)  $\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{i}{2}$

28. พ่อเริ่มฝากเงินกับธนาคารแห่งหนึ่ง ในวันที่ 1 ม.ค. 2557 และฝากทุกวัน วันที่ 1 ของแต่ละเดือน เดือนละ 1,000 บาท โดยธนาคารให้อัตราดอกเบี้ยร้อยละ 0.5 บาทต่อเดือน เมื่อครบกำหนด 1 ปี ถ้าพ่อได้รับ ดอกเบี้ยจากการออมครั้งนี้สะสมทั้งหมดเป็นเงิน 421 บาท และพบว่าพ่อไม่ได้ฝากเงิน 1 เดือน แล้วพ่อ ไม่ได้ฝากเงินในเดือนใด

(กำหนดให้

(1.00       $5)^7 = 1.036$ , (1.00       $5)^8 = 1.041$ , (1.00       $5)^9 = 1.046$ ,

(1.00       $5)^{10} = 1.051$ , (1.00       $5)^{11} = 1.056$ , (1.00       $5)^{12} = 1.062$ ,       $(1.005)^{13} = 1.070$ )

(1) กุมภาพันธ์ (2) มีนาคม

(3) เมษายน (4) พฤษภาคม

# ALIST academy





**ตอนที่ 3** ข้อสอบอัตนัยแบบเติมคำตอบ จำนวน 10 ข้อ

ข้อละ 3 คะแนน

1. ให้  $5^{x-3} + (0.2)^{x-5} = 26$  ผลบวก  $x$  ทั้งหมดที่สอดคล้องกับสมการมีค่าเท่าใด

2. ถ้า  $A = \{x \in I \mid \sqrt[4]{(x^2 - 2x - 3)^4} = 3 + 2x - x^2\}$

และ  $B = \{x \in I \mid (|x+2|+2)(|x+2|-2) \geq 3\}$  แล้ว  $n(A \cap B)$  มีค่าเท่าใด

3. ให้  $a, b, c, d, s$  และ  $t$  เป็นจำนวนจริงที่เรียงลำดับจากน้อยไปมาก

ถ้า  $A = (a, b) \cup (c, d) \cup (s, t)$  เป็นเซตคำตอบของสมการ  $\log_{2x+3} x^2 < 1$

แล้ว  $|b+c|$  มีค่าเท่าใด

4. ให้  $r$  เป็นความสัมพันธ์ โดยที่  $r = \{(x, y) \in R \times R \mid y = x^2 + 1\}$

ให้  $A = \{r^{-1}(x) \mid x \in [2, 5]\}$  ถ้า  $a$  และ  $b$  เป็นค่าของเขตล่างใหญ่สุดและ

ค่าของเขตบนเล็กสุดของเขต  $A$  ตามลำดับ แล้ว  $|a| + |b|$  มีค่าเท่าใด

5. ให้  $G = \{x \in R \mid x > 1\}$  และ  $\oplus$  เป็นตัวดำเนินการทวิภาคบัน  $G$

กำหนดโดย  $x \oplus y = xy - x - y + 2$  สำหรับทุก  $x, y \in G$

ถ้า  $z \in G$  และ  $z \oplus z = 2 \oplus (2 \oplus 5)$  แล้ว อินเวอร์สของ  $z$  ใน  $G$  มีค่าเท่าใด

6. ให้  $a, b \in R$  ที่  $\cos \frac{7\pi}{12} \sin \frac{\pi}{12} = \frac{\sqrt{3}+a}{4}$  และ  $b = \sec \frac{\pi}{5} + \cos \frac{8\pi}{5}$

ถ้า  $\sin \frac{\pi}{10} = \frac{1}{4}$  แล้ว  $a + 7b$  มีค่าเท่าใด

7. ให้  $G$  เป็นกราฟที่ไม่มีวงวนและเส้นเชื่อมนาน โดยที่  $V(G) = \{v_1, v_2, \dots, v_{10}\}$

และ  $E(G) = \{v_i v_j \mid \text{ห.ร.ม. ของ } (i, j) \geq 4 \text{ หรือ ค.ร.น. ของ } (i, j) \leq 10\}$

และ  $\sum_{i=1}^{10} \deg(v_i)$  มีค่าเท่าใด





8. ให้  $a_n$  เป็นลำดับ โดยที่  $a_1 = 8$  และมีเงื่อนไขดังนี้
- ถ้า  $n > 1$  และ  $a_n \leq 200$  แล้ว  $a_n = a_{n-1} + 16$
  - ถ้า  $n > 1$  และ  $a_n > 200$  แล้ว  $a_n = a_{n-1} + 20$
- ถ้า  $M$  เป็นจำนวนเต็มที่น้อยที่สุด  $a_1 + a_2 + a_3 + \dots + a_M \geq 1500$   
แล้ว  $a_1 + a_2 + a_3 + \dots + a_M$  มีค่าเท่าใด
9. ในงานเลี้ยงงานหนึ่งมีผู้เข้าร่วมงาน 200 คน โดยทุกคนที่ร่วมงานจะได้บัตรที่มีหมายเลข ตั้งแต่ 000 ถึง 199 กำกับอยู่ กรรมการผู้จัดงานสุ่มหยิบชิ้นของบัตรทึ้งหมดมา 1 ใบ เพื่อมอบรางวัลแก่ผู้เข้าร่วมงาน ผู้เข้าร่วมงานจะได้รับรางวัลตามเงื่อนไขดังนี้
- ถ้าหมายเลขของบัตรทุกหลักตรงกับบัตรที่หยิบได้ จะได้รับรางวัลที่ 1
  - ถ้าหมายเลขของบัตรมีหลักตรงกันสองหลักติดกันตรงกับบัตรที่หยิบได้ จะได้รับรางวัลที่ 2
  - ถ้าหมายเลขของบัตรมีหลักตรงกันหนึ่งหลักตรงกับบัตรที่หยิบได้ จะได้รับรางวัลที่ 3
  - ถ้ารัตนาเป็นผู้ร่วมงาน ความน่าจะเป็นที่รัตนาจะได้รับรางวัล มีค่าเท่าใด
10. ถ้าตารางแสดงคะแนนสอบวิชาภาษาไทยของนักเรียน 60 คน เป็นดังนี้

คะแนน	ความถี่
80-90	11
60-79	14
40-59	15
20-39	15
:	:

แล้ว ค่าเดียวซึ่งที่ 7 มีค่าเท่าใด

ALIST academy